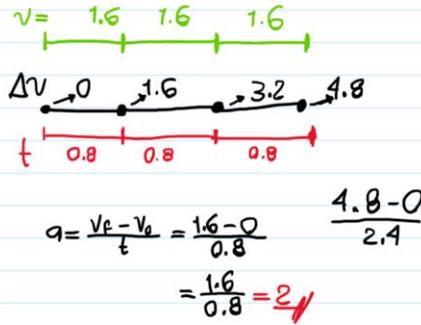


2. En el análisis del movimiento de un velocista, se observa que pasa de 0 a  $1.6 \frac{m}{s}$  en la primera zancada, alcanza los  $3.2 \frac{m}{s}$  en la segunda y en la tercer logra  $4.8 \frac{m}{s}$ . Si cada zancada la realizó en 0.8 s, ¿cuál fue su aceleración media?

- A)  $1.6 \frac{m}{s^2}$
- B)  $4.0 \frac{m}{s^2}$
- C)  $6.0 \frac{m}{s^2}$
- D)  $2.0 \frac{m}{s^2}$



1. Un balón de fútbol se deja caer desde una ventana y tarda en llegar al suelo 5 segundos.  
 $v_0 = 0 \frac{m}{s}$   
 $g = -9.81 \frac{m}{s^2}$   
 Calcular:  
 a) ¿Desde qué altura cayó?  
 b) ¿Con qué valor de velocidad choca contra el suelo?

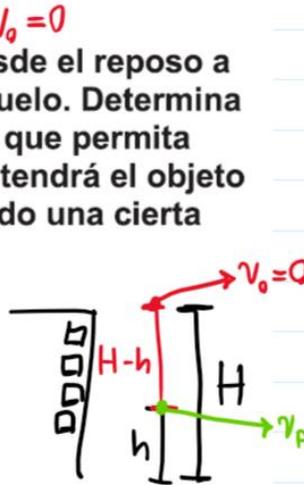
**Datos**  
 $v_0 = 0 \frac{m}{s}$   
 $t = 5s$   
 $g = -9.81 \frac{m}{s^2}$   
 a)  $d = ?$   
 b)  $v_f = ?$

**Formulas**  
 $d = v_0 t + \frac{g t^2}{2}$   
 $d = (0)t - \frac{(9.81)(5)^2}{2}$   
 $d = -\frac{(9.81)25}{2}$   
 $v_f = v_0 - g t$   
 $v_f = 0 - (9.81)(5)$   
 $v_f = -49.05$

a) • Altura  
 $d = 122.625 m$   
 b) • Velocidad de choque  
 $v_f = -49.05 \frac{m}{s}$

5. Un objeto se suelta desde el reposo a una altura  $H$  sobre el suelo. Determina la relación matemática que permita obtener la rapidez que tendrá el objeto al momento que ha caído una cierta distancia  $h$ .

- A)  $v = (2gh)^{\frac{1}{2}}$
- B)  $v = [2g(H-h)]^{\frac{1}{2}}$
- C)  $v = (2gH)^{\frac{1}{2}}$
- D)  $v = [2g(h-H)]^{\frac{1}{2}}$



**Datos**  
 $d = H - h$   
 $v_0 = 0 \frac{m}{s}$   
 $v_f = ?$   
 $a = -g$

**Formula**  
 $v_f^2 = v_0^2 + 2ad$   
 $v_f = \sqrt{v_0^2 - 2gd}$   
 $v_f = \sqrt{0^2 - 2g(H-h)}$   
 $v_f = \sqrt{-2g(H-h)} \rightarrow \sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$   
 $v_f = [2g(H-h)]^{\frac{1}{2}}$

4. Se lanza verticalmente hacia arriba una pelota con una velocidad de 20 m/s.  
 Calcular:  
 a) ¿Qué distancia recorre a los 2 segundos?  
 b) ¿Qué valor de velocidad lleva a los 2 segundos?  
 c) ¿Qué altura máxima alcanza?  
 d) ¿Cuánto tiempo dura en el aire?

Datos	Formula	Altura maxima
$v_0 = 20 \frac{m}{s}$	$d = v_0 t + \frac{g t^2}{2}$	$v_f^2 = v_0^2 + 2ad$
$g = 9.81 \frac{m}{s^2}$	$d = (20)(2) - \frac{(9.81)(2)^2}{2}$	$0 = 20^2 - 2(9.81)d$
$d = ?$	$d = 40 - \frac{1(9.81)}{2}$	$-20^2 = -19.62(d)$
$t = 2$	$d = 20.38 m$	$d = \frac{-400}{-19.62}$
Para altura maxima:	Distancia recorrida a los 2 segundos	$d = 20.38 m$ Coincidencia
$v_f = 0$		



## Tiro parabolico (extra)

**Formulas**

Tiempo de vuelo  $t = \frac{2v_0 \sin(\theta)}{g}$       Alcance maximo  $x_{max} = \frac{v_0^2 \sin(2\theta)}{g}$       Altura maxima  $y_{max} = \frac{[v_0 \sin(\theta)]^2}{2g}$

**Diagrama**

Alcance maximo a los 45°  
Horizontalmente es MRU  
Verticalmente es MRUA

1. Un proyectil se lanza con un angulo de 30° y una velocidad de 40  $\frac{m}{s}$ . Calcula

- a) Alcance maximo      c) Tiempo de vuelo  
b) Altura maxima

$$\begin{aligned}
 a) \quad x_{max} &= \frac{v_0^2 \sin(2\theta)}{g} && \sin 60^\circ \approx 0.86 \\
 &= \frac{40^2 \sin(2 \cdot 30^\circ)}{9.81} && \sin 60^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2} \\
 &= \frac{1600 \sin(60^\circ)}{9.81} = \frac{1600(0.86)}{9.81}
 \end{aligned}$$

$$x_{max} = 141.29m$$

2. ¿Como se comporta el tiro parabolico en el eje horizontal?

R: MRU

3. ¿Como se comporta el tiro parabolico en el eje vertical?

R: Como un tiro vertical / MRUA

## Movimiento circular (extra)

### 1. Recetario

**Formulas**

$v_t = \omega r$   
 $a_t = \alpha r$   
 $a_c = \frac{v_t^2}{r}$   
 $2\pi \text{ rad} = 1 \text{ rev}$

$T = \frac{1}{f}$   
 $f = \frac{1}{T}$   
A veces se ocupan

**Unidades**

$\theta$  [rad] Desplazamiento angular  
 $T$  [s] Periodo  
 $\omega$  [ $\frac{rad}{s}$ ] Velocidad angular  
 $\alpha$  [ $\frac{rad}{s^2}$ ] Aceleración angular

**Raro:**

$v_t$  [ $\frac{m}{s}$ ] Velocidad tangencial  
 $a_t$  [ $\frac{m}{s^2}$ ] Aceleración tangencial  
 $a_c$  [ $\frac{m}{s^2}$ ] Aceleración centripeta  
 $f$  [Hz] Frecuencia

**Extras**

Son iguales, a excepcion de  $v_t, a_t$  y  $a_c$

MRU/MRUA	Mov. circular
$d$	$\theta$
$t$	$T$
$v$	$\omega$
$a$	$\alpha$
$d = v_0 t + \frac{at^2}{2}$	$\theta = \omega_0 T + \frac{\alpha T^2}{2}$
$v = \frac{d}{t}$	$\omega = \frac{\theta}{T}$

**Si doy un vuelta en 0.25s. la frecuencia es:**

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{0.25} = \frac{1}{\frac{1}{4}} = 4 \text{ Hz}$$

**Problema 1.** La hélice de una turbina adquirió una velocidad angular cuya magnitud es de 6500 rad/s en 4 segundos. ¿Cuál fue la magnitud de su aceleración angular?

**Datos**

$$\begin{aligned}
 \omega_0 &= 0 \\
 \omega_f &= 6500 \frac{rad}{s} \\
 T &= 4s \\
 \alpha &= ?
 \end{aligned}$$

**Formula**

$$\omega_f = \omega_0 + \alpha T$$

$$6500 = 0 + \alpha(4)$$

$$\frac{6500}{4} = \alpha$$

$$\alpha = 1625 \frac{rad}{s^2}$$

# Dinamica

## 1. Recetario

### Formulas

2da Ley de Newton

$$F = ma$$

### Unidades

F [N] Fuerza [Newtons]

m [kg] Masa

a [ $\frac{m}{s^2}$ ] Aceleración

### Leyes de Newton

1° Ley de la inercia

*"Todo permanece igual a menos que lo molestes"*

2°  $F = ma$

3° Acción y reacción

*"A toda acción corresponde una reacción de igual magnitud pero de sentido contrario"*

### Extras

- Aceleración de la gravedad (Tierra)

$$g = 9.81 \frac{m}{s^2} \approx 10 \frac{m}{s^2}$$

- Masa  $\neq$  Peso

- Masa = Cantidad de materia

- Peso = Fuerza gravitacional

Tierra ( $9.81 \frac{m}{s^2}$ ) Luna ( $1.62 \frac{m}{s^2}$ )



$$P = mg$$

$$P = (70)(9.81)$$

$$P = 686.7 \text{ N}$$



$$P = mg$$

$$P = (70)(1.62)$$

$$P = 113.4 \text{ N}$$

Misma masa, diferente peso